

### Exercices sur la diffusion

Pour les différents exercices, on donne la solution de la 2<sup>nde</sup> loi de Fick :

$$(c - c_{\infty}) / (c_0 - c_{\infty}) = (1 - \operatorname{erf}(u)) \text{ avec } \operatorname{erf}(u) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^u e^{-v^2} dv \text{ et } v = \frac{x}{2\sqrt{Dt}}$$

On rappelle que le coefficient de diffusion qui suit loi d'Arrhenius :

$$D = D_0 e^{-\frac{E_d}{RT}} \text{ avec } T \text{ en K et } R = 8,32 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$$

#### Exercice n°1 d'après sujet 2007

On prendra pour la diffusion du carbone dans l'austénite  $D_0 = 10^{-5} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}$  et  $E_d = 134 \text{ kJ.mol}^{-1}$

1. Calculer la valeur du coefficient de diffusion  $D$  à  $900 \text{ }^\circ\text{C}$ .
2. Calculer la température pour laquelle la diffusion se fait 2 fois plus rapidement.
3. On cimente une pièce initialement à 0,15 % de carbone en masse dans une atmosphère à 0,6 % C en masse à la température de  $930 \text{ }^\circ\text{C}$ . Le coefficient de diffusion est alors de  $1,52.10^{-11} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}$ . On veut porter la pièce à une concentration telle qu'on ait 0,35 % C en masse à une profondeur de 0,40 mm.
  - a. Déterminer la valeur de  $\operatorname{erf}(u)$  correspondante à % C = 0,35.
  - b. En déduire la valeur de  $u$ . On donne  $\operatorname{erf}(0,5) = 0,5205$  et  $\operatorname{erf}(0,55) = 0,5633$
  - c. On prendra  $u = 0,54$ . Calculer la durée du traitement.

#### Exercice n°2

On considère la nitruration monodirectionnelle d'une pièce en fer pur à  $700 \text{ }^\circ\text{C}$ . La concentration en surface apporté par l'atmosphère de nitruration est de 0,1 % en masse.

1. Calculer la concentration à 1 mm sous la surface après 10 h. Le coefficient de diffusion à  $700 \text{ }^\circ\text{C}$  est  $D = 2,5.10^{-11} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}$ .
2. Le coefficient de diffusion à  $550 \text{ }^\circ\text{C}$  est  $D = 6,6.10^{-12} \text{ m}^2.\text{s}^{-1}$ .
  - a. Calculer la valeur de l'énergie de diffusion. Donner sa valeur en  $\text{eV.atome}^{-1}$ .
  - b. Calculer la durée du traitement équivalent.
  - c. En déduire la valeur du coefficient de diffusion à  $650 \text{ }^\circ\text{C}$ .
3. On donne la relation permettant de calculer la profondeur de nitruration  $x_c = 2\sqrt{\frac{Dt}{\pi}}$ .
  - a. Calculer sa valeur dans les conditions précédentes.
  - b. Définir cette profondeur de nitruration et faire un schéma explicatif.

On donne les valeurs :  $\operatorname{erf}(0,5) = 0,520$  et  $\operatorname{erf}(0,6) = 0,604$

#### Exercice n°3

On considère la diffusion du fer dans le nickel.

On donne les valeurs du coefficient de diffusion en fonction de la température.

T en $^\circ\text{C}$	D en $\text{m}^2.\text{s}^{-1}$
1000	$9,4.10^{-16}$
1200	$2,4.10^{-14}$

1. Calculer l'énergie d'activation de la diffusion  $E_d$ .
2. Donner le résultat en  $\text{eV.atome}^{-1}$ .
3. Calculer le coefficient de diffusion à  $1100 \text{ }^\circ\text{C}$ .

#### Exercice n°4

On réalise la cémentation d'un acier à 900 °C pendant 10 h.

On donne l'enthalpie de la réaction de cémentation  $\Delta H = 138000 \text{ J.mol}^{-1}$ .

1. Quelle sera la durée du traitement équivalent à 1000 °C ?
2. On donne la teneur initiale en carbone d'un acier  $\% c_{\infty} = 0,1$ , la teneur en surface en équilibre avec l'atmosphère de traitement est  $\% c_{x=0} = 1,2$ , on veut qu'à une profondeur  $x = 0,2 \text{ cm}$  la teneur soit  $\% c_x = 0,4$ .

On donne le tableau de valeurs :

u	erf ( u )
0,7	0,678
0,8	0,742

Calculer le coefficient de diffusion correspondant au traitement sachant que la durée du traitement est de 10 h.

#### Exercice n°5

On donne le nombre d'Avogadro  $N = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ,  $R = 8,32 \text{ J.mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ ,  $T \text{ K} = T \text{ °C} + 273$  et la pression atmosphérique  $p_{\text{atm}} = 101300 \text{ Pa}$ .

On considère la diffusion du cuivre dans l'aluminium pour lequel on prendra  $D_0 = 15 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$  et  $\Delta H = 126 \text{ kJ.mol}^{-1}$ .

1. Calculer la valeur du coefficient de diffusion  $D$  à 20 °C puis à 1000 °C.
2. a. Le cuivre et l'aluminium suivent le réseau cfc. Représenter une maille.  
b. Calculer le rayon atomique de l'aluminium sachant que sa masse volumique est  $\rho = 2700 \text{ kg.m}^{-3}$  et que sa masse molaire est  $M = 27 \text{ g.mol}^{-1}$ .  
c. Donner l'énoncé des lois de Hume-Rothery. Que peut-on en conclure concernant les alliages cuivre-aluminium ?
3. a. Calculer  $(c - c_{\infty}) / (c_0 - c_{\infty})$  pour  $x = 2 \text{ mm}$ ,  $t = 10 \text{ h}$  à la température de 1000 °C. On prendra le coefficient de diffusion égal à  $D = 1,02 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$   
On donne  $\text{erf} ( 0,5 ) = 0,5205$  et  $\text{erf} ( 0,6 ) = 0,6039$   
b. Calculer le temps nécessaire pour atteindre la même valeur de concentration à 20 °C.  
Conclure